

MATHÉMATIQUES

Informatique Semestre 4

Première partie

Travaux dirigés machine

```
import random
import time
#Recherche dichotomique :
def aléatoire():
    x = random.randint(0,1000)
    return x

def EstPlusGrandQue(n):
    c+=1
    if x>n:
        return True
    return False

def RechercheDichotomique1():
    x=aléatoire()
    c=0
    a=0
    b=1000
    while (b-a) > 1:
        c+=1
        if x > int(a+(b-a)//2):
            a=int(a+(b-a)//2)
        else:
            b=int(a+(b-a)//2)
        if b==x:
            print(c,b)
            return True
    return False

def RechercheDichotomique2(L,i,j,X):
    if X>L[j]:
        return j+1
    while i!=j :
        k =(i+j)//2
        if X <=L[k]:
            j=k
```

```

else :
    i=k+1
return i

```

#Fonction de tri

```

def Insertion (e ,L _triÃ©e):
    pos=0
    e=len (L _triÃ©e)
    while L _triÃ©e[ pos]<e and pos < e:
        pos+=1
    L _triÃ©e. insert (pos . e)
return

def Tri ():
    L = [ random . random () for i in range (100)]
    L _triÃ©e=[]
    for e in L :
        Insertion (e ,L _triÃ©e)
    return L _triÃ©e

def TriInsertion (a): #complexitÃ© n^2
    L= [ random . random () for i in range (a)]
    for i in range (1 ,len (L)):
        if L[ i ] < L[ i -1]:
            for k in range (0 ,i ):
                if L[ i ]<L[ k ]:
                    X=L. pop (i )
                    L. insert (k ,X)
    return L

def TriDichotomie (L):
    for i in range (1 ,len (L)):
        if L[ i ]<L[ i -1]:
            k=RechercheDichotomique2 (L,0 ,i -1,L[ i ])
            X=L. pop (i )
            L. insert (k ,X)
    return [L]

```

#QuickSort

```
from random import randint
B=[8,1,0,6,2,4,9,7,5,3]
C=[[1],[2],[5]]
D=[randint(0,1000) for i in range(10000)]

def quickSort(L, dÃ©but=0, fin=None):
    if fin==None:
        fin=len(L)-1
    if dÃ©but>=fin:
        return
    pivot=L[randint(dÃ©but, fin)]
    seuil=partitionner(L,dÃ©but, fin, pivot)
    quickSort(L,dÃ©but, seuil-1)
    quickSort(L, seuil, fin)

def partitionner(L,dÃ©but, fin, pivot):
    i=dÃ©but
    j=fin
    while i<j:
        while L[i]<pivot:
            i=i+1
        while L[j]>pivot:
            j=j-1
        if i<j:
            a=L[i]
            L[i]=L[j]
            L[j]=a
    return i

#Merge Sort
def fusion(L1,L2):
    i=0
    j=0
    L=[]
    while i<len(L1) and j<len(L2):
        if L1[i]<L2[j]:
            L.append(L1[i])
            i=i+1
        else:
```

```

L.append(L2[j])
j=j+1
while len(L1)>i:
    L.append(L1[i])
    i=i+1
while len(L2)>j:
    L.append(L2[j])
    j=j+1
return L

def casser(L):
    L_c=[]
    i=0
    while len(L)>0:
        x=L.pop(i)
        L_c=L_c+[[x]]
    return L_c

def mergeSort(L):
    cpt=0
    L=casser(L)
    while len(L)>2:
        x=L.pop(0)
        y=L.pop(1)
        L.append(fusion(x,y))
    if len(L)==2:
        x=L.pop(0)
        y=L.pop(0)
    return fusion(x,y)

```

#Comparaison

```

def comparaison(L):
    L_x=L
    tps1=time.clock()
    x=TriDichotomie(L_x)
    tps2=time.clock()
    print(TriÃ©e(L_x), tps2-tps1, "Tri_dichotomique_terminÃ©")
    L_y = L
    tps3=time.clock()

```

```

y=mergeSort(L_y)
tps4=time.clock()
print(TriÃ©e(L_y), tps4-tps3 , "MergeSort terminÃ©")
L_z=L
tps5=time.clock()
z=quickSort(L_z)
tps6=time.clock()
print(TriÃ©e(L_z), tps6-tps5 , "QuickSort terminÃ©")

```

```

def TriÃ©e(L):
    for i in range(1, len(L)):
        if L[i]<L[i-1]:
            return False
    return True

from bibgraphes import *
from palette import*

europe=ouvrirGraphe("europe.dot")
petersen=ouvrirGraphe("petersen.dot")
fr=sommetNom(europe, 'France')
pr=sommetNom(europe, 'Portugal')
esp=sommetNom(europe, 'Espagne')
sue=sommetNom(europe, 'Suede')
nor=sommetNom(europe, 'Norvege')
ger=sommetNom(europe, 'Allemagne')
slo=sommetNom(europe, 'Slovaquie')
ir=sommetNom(europe, 'Irlande')

```

#Question 2.1

```

def toutColorier(G, c):
    L=listeSommets(G)
    for i in range(nbSommets(G)):
        s=L[i]
        colorierSommet(s, c)
    return G

```

#Question 2.2

```

def existeCouleur(G, c):
    L=listeSommets(G)

```

```

for i in range(nbSommets(G)):
    s=L[ i ]
    if couleurSommet(s)==c:
        return True
    return False

```

#Question 2.3

```

def toutCouleur(G,c):
    L=listeSommets(G)
    for i in range(nbSommets(G)):
        s=L[ i ]
        if couleurSommet(s)!=c:
            return False
    return True

```

#Question 2.4

```

def toutLaMemeCouleur(G):
    L=listeSommets(G)
    c=couleurSommet(L[0])
    for i in range(nbSommets(G)):
        s=L[ i ]
        if couleurSommet(s)!=c:
            return False
    return True

```

#Question 2.5

```

def nbSommetsCouleur(G,c):
    n=0
    L=listeSommets(G)
    for i in range(nbSommets(G)):
        if couleurSommet(i)==c:
            n=n+1
    return n

```

#Question 2.6

```

def nbSommetsColores(G):
    n=0
    for i in listeSommets(G):
        if couleurSommet(i)!='white':
            n=n+1

```

```
    return n
```

#Question 3.1

```
def sontVoisins(s1,s2):  
    for i in listeVoisins(s1):  
        if s1==s2:  
            return True  
    return False
```

#Question 3.2

```
def listeVoisinsCommuns(s1,s2):  
    L=[]  
    for i in listeVoisins(s1):  
        for j in listeVoisins(s2):  
            if i==j:  
                L.append(i)  
    return(L)
```

#Question 3.3

```
def degréMax(G):  
    dg=0  
    for i in listeSommets(G):  
        if dg<degré(i):  
            dg=degré(i)  
    return dg
```

```
def degréMin(G):
```

```
    dg=nbSommets(G)  
    for i in listeSommets(G):  
        if dg>degré(i):  
            dg=degré(i)  
    return dg
```

#Question 3.4

```
def nbSommetsDegre(G,d):  
    n=0  
    for i in listeSommets(G):  
        if degré(i)==d:  
            n=n+1  
    return n
```

#Question 3.5 somme des degrés = 2 fois le nombre d'arêtes

```
def nbAretes(G):
    d=0
    for i in listeSommets(G):
        d=d+degre(s)
    return d//2
```

#Question 3.6

```
def existeIssole(G):
    return degreMin(G)==0
```

#TD 6 – Encore des graphes

#Connexité

#Question 1.1

```
def toutDemarquer(G):
    for i in listeSommets(G):
        demarquerSommet(i)
```

def sommetAccessible(G):

```
    for i in listeSommets(G):
        if estMarqueSommet(i)==False:
            for j in listeVoisins(i):
                if estMarqueSommet(j):
                    return i
            else:
                return None
```

def marquerAccessibles(G, s):

```
    marquerSommet(s)
    while sommetAccessible2(G)!=None:
        marquerSommet(sommetAccessible2(G))
```

#Question 1.2

```
def sommetsTousMarques(G):
    for i in listeSommets(G):
        if estMarqueSommet(i)==False:
            return False
    return True
```

```
def estConnexe(G):
    toutDemarquer(G)
    L=listeSommets(G)
    s=L[0]
    marquerAccessibles(G, s)
    return sommetsTousMarques(G)
```

#Question 1.3

```
def nbComposantesConnexes(G):
    toutDemarquer(G)
    n=0
    for s in listeSommets(G):
        if estMarqueSommet(s)==False:
            marquerSommet(s)
            marquerAccessibles(G, s)
            n=n+1
    return n
```

#Question 1.4

```
def estAccessibleDepuis(G, s, t):
    marquerAccessibles(G, s)
    return estMarqueSommet(t)
```

#Question 1.5

```
def toutDemarquer2(G):
    for s in listeSommets(G):
        demarquerSommet(s)
        for a in listeAretesIncidentes(s):
            demarquerArete(a)
def sommetAccessible2(G):
    for s in listeSommets(G):
        if estMarqueSommet(s):
            for a in listeAretesIncidentes(s):
                t=sommetVoisin(s, a)
                if estMarqueSommet(t)==False:
                    marquerArete(a)
    return t
```

#Trace plein de chemin au pif

#Question 1.6

```

def chemin(G, s , t):
    toutDemarquer2(G)
    return dessinerChemin (G, s , t )

def dessinerChemin (G, s , t ):
    L=[s]
    marquerSommet ( s )
    if s==t:
        return [s]
    for v in listeVoisins(s):
        if estMarqueSommet (v)==False:
            x= dessinerChemin (G,v , t )
            if x!=None:
                return L+x
    return None

```

#Question 2.1

```

def bienColorie(G):
    for s in ListeSommets(G):
        for a in listeAretesIncidentes(s):
            v=sommetVoisin(s,a)
            if couleurSommet(v)==couleurSommet(s):
                return False
    return True

```

#Question 2.2

```

#1
def effacerCouleurs (G):
    for s in listeSommets(G):
        colorierSommet (s , 'white ')

```

#2

```

def sommetColoriable(G):
    for s in ListeSommets(G):
        for a in listeAretesIncidentes(s):
            v=sommetVoisins(s,a)
            if couleurSommet(s)=='white ':
                if couleurSommet(v)!='white ':
                    return s
    return None

```

```

#3
def monoCouleurVoisins(s):
    for t in listeVoisins(s):
        if couleurSommet(t) != 'white':
            c=couleurSommet(t)
    for t in listeVoisins(s):
        if couleurSommet(t) != 'white':
            c2=couleurSommet(t)
        if c2!=c:
            return None
    return c

#4
def deuxColoration(G, c1, c2):
    effacerCouleurs(G)
    L=ListeSommets(G)
    colorierSommet(L[0], c1)
    for t in listeSommets(G):
        while sommetColoriable(G)!=None:
            if monoCouleurVoisins(s)!=None:
                colorierSommet(t, c2)
            else:
                return G

#Algorithmes d'exploration de graphes
#Question 1.1
def parcoursEnLargeur(G, s):
    effacerCouleurs(G)
    distance={}
    pÃ“re={}
    F=[s]
    colorierSommet(s, 'grey')
    distance[s]=0
    pÃ“re[s] = "NIL"
#ligne 5 Ã 9 inutiles
    while F!=[]:
        v=F[0]
        for w in listeVoisins(v):
            if couleurSommet(w)=='white':

```

```

        colorierSommet (w, 'grey')
        distance [w]=distance [v]+1
        père[w]=v
        F=F+[w]

def F[0]
colorierSommet (v, 'black')

def parcoursEnLargeur2 (G, s):
toutDemarquer (G)
distance={}
père={}
F=[s]
marquerSommet (s)
distance [s]=0
père[s]="NIL"
while F!=[]:
    v=F[0]
    for w in listeVoisins (v):
        if not estMarqueSommet (w):
            marquerSommet (w)
            distance [w]=distance [v]+1
            père[w]=v
            F=F+[w]
del F[0]
colorierSommet (v, 'black')

def colorierParPalette (G, s, p):
toutDemarquer (G)
distance={}
F=[s]
marquerSommet (s)
colorierSommet (s, p[0])
distance [s]=0
while F!=[]:
    v=F[0]
    for w in listeVoisins (v):
        if not estMarqueSommet (w):
            marquerSommet (w)
            distance [w]=distance [v]+1
            colorierSommet (w, p[distance [w]])

```

```

F=F+[w]
del F[0]

def ParcoursEnLargeur3(G, s):
    toutDemarquer(G)
    distance={}
    pere={}
    F=[s]
    marquerSommet(s)
    distance[s]=0
    pere[s]="NIL"
    while F!=[]:
        v=F[0]
        for i in listeAretesIncidentes(v):
            w=sommetVoisin(v, i)
            if not estMarqueSommet(w):
                marquerSommet(w)
                marquerArete(i)
                distance[w]=distance[v]+1
                pere[w]=v
                F=F+[w]
    del F[0]

```

```

#Test + TP
#/usr/bin/python3
# -*- coding : utf-8 -*-

```

```

#Question 1

def estRegulier(G):
    """Retourne True si le graphe G est régulier (tous les sommets sont d'un même degré)"""
    L=listeSommets(G)
    d=degre(L[0])
    for s in L:
        if degre(s)!=d:
            return False
    return True

```

```

#Question 2

def nbAretesIncidentesMarquees(s):
    """Retourne le nombre d'arêtes marquées incidentes d'un sommet s."""

```

```

n=0
for a in listeAretesIncidentes(s):
    if estMarqueeArete(a):
        n=n+1
return n

```

#Question 3

```

def estLibre(s):
    """Retourne True si le sommet s est libre, c'est à dire qu'il n'a aucune arête incidente marquée"""
    if nbAretesIncidentesMarquees(s)==0:
        return True
    return False

```

#Question 4

```

def estSature(s):
    """Retourne True si le sommet s est saturé, c'est à dire qu'il a une et une seule arête incidente marquée"""
    if nbAretesIncidentesMarquees(s)==1:
        return True
    return False

```

#Question 5

```

def estCouplage(G):
    """Retourne True si les arêtes marquées forment un couplage, c'est à dire que chaque sommet de G possède au plus une arête incidente marquée et que ce nombre est au plus 1 pour tout sommet, False sinon"""
    L=listeSommets(G)
    for s in L:
        if estSature(s)==False and estLibre(s)==False:
            return False
    return True

```

#Question 6

```

def areteIncidenteDisponible(s):
    if estLibre(s)==False:
        return None
    for a in listeAretesIncidentes(s):
        if estLibre(sommetVoisin(s,a))==True:
            return a
    return None

```

#Question 7

```
def areteDisponible(G):
    for a in listeSommets(G):
        if areteIncidenteDisponible(a)!=None:
            return areteIncidenteDisponible(s)
    return None

#Question 8
def construireCouplage(G):
    toutDemarquer2(G)
    for s in listeSommets(G):
        if estLibre(s)==True:
            while areteIncidenteDisponible(s)!=None:
                marquerArete(areteIncidenteDisponible(s))

FIN.
```